

11. Übung Informatik I

Marcus Rickert

30. Dezember 1995

Aufgabe 1

Ich benutze für diese Aufgabe die in der Vorlesung vorgeschlagene Datenstruktur, wo für jeden Punkt $p \in S$ die 'Kanten' seines Voronoigebietes als doppelt zirkulär verkettete Liste abgelegt werden. Dabei wird eine Kante als Anfangs- und Endpunkt abgespeichert, falls sie nicht entartet ist bzw. als Anfangspunkt und Richtung, falls sie zu einem Strahl entartet ist.

Außerdem enthält jede Kante einen Zeiger auf den Punkt aus S , dessen Voronoigebiet ebenfalls an diese Kante grenzt.

zu (i)

Algorithmus

- Wähle einen Punkt $p \in S$.
- Gehe die Kantenliste des Voronoigebietes dieses Punktes durch und berechne jeweils den Abstand des Punktes zu jeder Kante (egal ob Strecke oder Strahl).
- Suche hiervon linear das Minimum s_0 , das bei Kante vom Nachbarpunkt p_i erhalten wurde. s_0 entspricht dem halben Abstand vom Punkt p zum nächsten Nachbar.
- p_i ist der gesuchte Nachbar.
- Wiederhole obige Schritte für alle Punkte aus S .

Laufzeit

Die Ermittlung aller Abstände eines Punktes zu allen Kanten und lineare Durchsuchen der Abstände hat die Laufzeit $O(m_i)$, wobei m_i die Anzahl der Kanten des Voronoigebietes des jeweiligen Punktes ist. Laut Vorlesung hat das Voronoidiagramm höchstens $m = 3n - 6$ Kanten, so daß sich die Gesamtlaufzeit auf $O(m) = O(n)$ beläuft.

zu (ii)

Algorithmus

- Durchsuche die Kantenlisten der Voronoigebiete aller Punkte $p \in S$ bis das erste mal ein Strahl als Kante gefunden wird (Dieser Punkt p_0 , der den Strahl als Begrenzung seines Voronoigebietes hat, muß laut Vorlesung ein Punkt der konvexen Hülle sein, da das Gebiet unbeschränkt ist.
- Wechsle mit Hilfe des Zeigers auf das benachbarte Gebiet, welches auch unbeschränkt sein muß, da es den gleichen Strahl enthält. Also ist auch der zu diesem Gebiet gehörige Punkt p_1 Element der konvexen Hülle und die Strecke (p_0, p_1) ist eine Kante der konvexen Hülle.
- Durchsuche nun die Kantenliste des neuen Punktes, bis der zweite Strahl gefunden wird, und wechsle über dessen Zeiger zum Nachbar.
- Wiederhole die obigen Schritte, bis man wieder am Punkt p_0 ankommt.

Laufzeit

Das Suchen nach dem Punkt p_0 hat Laufzeit $O(n)$. Das restliche Verknüpfen der Punkte hat ebenfalls $O(n)$, da jede Kante höchstens einmal durchsucht wird (Begründung wie in (i)).

Aufgabe 2

Tut mir leid, aber ich kann mit der Aufgabenstellung nicht sehr viel anfangen.